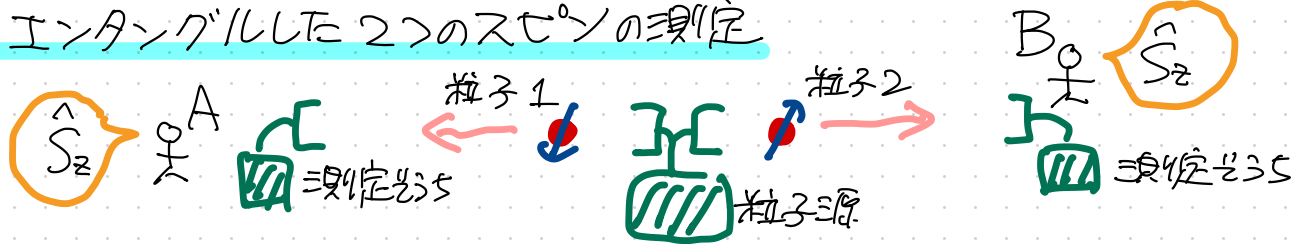


# <量子力学の非局所性>

## エンタングルした2つのスピンの測定



粒子源から2つの粒子を反対方向に打ち出す

スピンの4状態  $(1) |\Phi_0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \{ |\uparrow\rangle_1 |\downarrow\rangle_2 - |\downarrow\rangle_1 |\uparrow\rangle_2 \}$

測定結果は完全に相関

A, B: 粒子1, 2のスピンのz成分を測定  $\Rightarrow$   $\begin{cases} \text{確率}\frac{1}{2} \text{で } A \text{が}\uparrow \text{ } B \text{が}\downarrow \\ \text{確率}\frac{1}{2} \text{で } A \text{が}\downarrow \text{ } B \text{が}\uparrow \end{cases}$

- ▶ 測定しなければ状態は  $|\uparrow\rangle_1 |\downarrow\rangle_2$  と  $|\downarrow\rangle_1 |\uparrow\rangle_2$  の重ね合わせのまま
- ▶ 測定結果は確率的に決まる。  
ここで確率は(我々の無知を表すのではなく)本質的な確率
- ▶ AとBが遠く離れたいても測定結果は完全に相関

- ▶ 測定しなければ状態は  $|\uparrow\rangle, |\downarrow\rangle_2$  と  $|\downarrow\rangle, |\uparrow\rangle_2$  の重ね合わせのまま
- ▶ 測定結果は確率的に決まる。  
ここで確率は(我々の無知を表わすのではなく)本質的な確率
- ▶ AとBが遠く離れたいても測定結果は完全に相関

これは普通の考え方ではない!!

普通の考え方

- ▶ 物理量の値(たとえば  $\uparrow$  or  $\downarrow$ )は測定しなくても決まっている  
我々は測定前は物理量の値を知らないだけ(測定して知る)  
(日常的なできごと(裏返したトランプ,...)はすべてそう)
- ▶ 物理現象は局所的なはず → 影響は空間を有限のスピードで伝わっていく!  
遠く離れたA, Bの測定結果が影響し合うのはおかしい!!

古典物理学(Newton力学, 電磁気学, 相対論,...)にはこの考え方が通用する。

「普通の考え方」が正しいなら、量子力学の記述は不完全  
(Einstein, Podolsky, Rosen 1935)

A, B: 粒子1, 2のスピンのz成分を測定  $\Rightarrow$   $\left\{ \begin{array}{l} \text{確率} \frac{1}{2} \text{で } A \text{が} \uparrow \text{ } B \text{が} \downarrow \\ \text{確率} \frac{1}{2} \text{で } A \text{が} \downarrow \text{ } B \text{が} \uparrow \end{array} \right.$

この実験結果を「普通の考え方」で解釈できるか  $\rightarrow$  Yes.

「隠れた変数」のモデル (もっとも簡単な例)

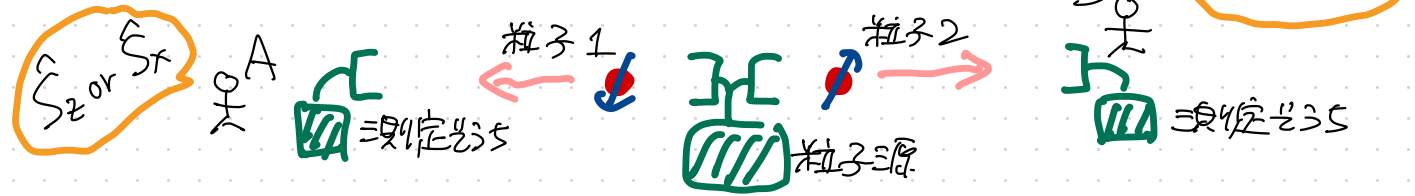
- ▶ 粒子には変数  $\sigma_z = \uparrow, \downarrow$  が「書き込まれ」ている。
- ▶  $\hat{S}_z$  を測定すると変数  $\sigma_z$  の値が得られる。
- ▶ 粒子が粒子源を出るときにそれぞれに  $\sigma_z$  が書き込まれる。  
 $\lambda=1$  の1/2が確率  $\frac{1}{2}$ ,  $\lambda=2$  の1/2が確率  $\frac{1}{2}$

$\lambda$	粒子1 $\sigma_z$	粒子2 $\sigma_z$
1	$\uparrow$	$\downarrow$
2	$\downarrow$	$\uparrow$

- 物理量の値は測定する前から定まっている。  $\rightarrow$  「普通の考え方」
- 何らかの影響が遠くまで一瞬で伝わることはない (局所性)
- 上の実験結果を再現

もっとわかりしい状況を考えてはどうだろう?

3 測定する物理量の種類をふかす



AもBも  $\hat{S}_z$  あるいは  $\hat{S}_x$  を測定

スピンの状態 (1)  $|\Phi_0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \{ |\uparrow\rangle_1 |\downarrow\rangle_2 - |\downarrow\rangle_1 |\uparrow\rangle_2 \}$   
 $= -\frac{1}{\sqrt{2}} \{ |\rightarrow\rangle_1 |\leftarrow\rangle_2 - |\leftarrow\rangle_1 |\rightarrow\rangle_2 \}$

▷ AとBが"z"と"z"を測定  $\hat{S}_z$  を測定

A	B	確率
↑	↓	1/2
↓	↑	1/2

▷ AとBが"x"と"x"を測定  $\hat{S}_x$  を測定

A	B	確率
→	←	1/2
←	→	1/2

▷ Aが $\hat{S}_z$ , Bが $\hat{S}_x$ を測定

まず Aが測定し ↑ → 測定後の状態  $|\uparrow\rangle_1 |\downarrow\rangle_2 = \frac{1}{\sqrt{2}}(|\uparrow\rangle_1 (|\rightarrow\rangle_2 - |\leftarrow\rangle_2))$

次に Bが  $\hat{S}_x$  を測定すれば 確率  $1/2$  ずつ → or ←

よって

A	B	確率
↑	→	1/4
↑	←	1/4
↓	→	1/4
↓	←	1/4

(Bが先に測定すると考えても  
全く同じ結果)

▷ Aが $\hat{S}_x$ , Bが $\hat{S}_z$ を測定

A	B	確率
→	↑	1/4
→	↓	1/4
←	↑	1/4
←	↓	1/4

$A, B$ ともに  $\hat{S}_z$

A	B	確率
↑	↓	1/2
↓	↑	1/2

$A, B$ ともに  $\hat{S}_x$

A	B	確率
→	←	1/2
←	→	1/2

Aが  $\hat{S}_z$ , Bが  $\hat{S}_x$

A	B	確率
↑	→	1/4
↑	←	1/4
↓	→	1/4
↓	←	1/4

Aが  $\hat{S}_x$ , Bが  $\hat{S}_z$

A	B	確率
→	↑	1/4
→	↓	1/4
←	↑	1/4
←	↓	1/4

この結果を「普通の考え方」に基づく「隠れた変数のモデル」で解釈できるか → Yes.

- ▶ 粒子には変数 ( $\sigma_x, \sigma_z$ ) が書き込まれている. ( $\sigma_x = \rightarrow, \leftarrow, \sigma_z = \uparrow, \downarrow$ )
- ▶  $\hat{S}_x$  を測定すると  $\sigma_x$  が得られ,  $\hat{S}_z$  を測定すると  $\sigma_z$  が得られる.
- ▶ 粒子のペアがうち出されるときに  $\lambda = 1, 2, 3, 4$  の1パターンの中からランダムに確率 1/4 で「書き込まれる」

$\lambda$	粒子1 ( $\sigma_x, \sigma_z$ )	粒子2 ( $\sigma_x, \sigma_z$ )
1	(→, ↑)	(←, ↓)
2	(→, ↓)	(←, ↑)
3	(←, ↓)	(→, ↑)
4	(←, ↑)	(→, ↓)

**注意** このモデルが正しいと言え、2113の2は逆!!  
このモデルでこの実験の結果は再現できているだけ.

④ 量子力学を知ったあとも「普通の考え方」をもちつづけられたのか？

7

→ 「普通の考え方」が通用!

- 様々な実験について「隠れた変数」のモデルを構成



考えられた全ての実験について量子力学と同じ結論を与えた  
「隠れた変数」の体系を完成させる。

- 「普通の考え方」が正しいのは「成り立つ関係をつづけた」。



「これが現実で成り立つか」という問いは

物理量の値は三則決定なくとも定まっている  
物理現象は局所的

← 「局所実在論」  
とよぶこともある。

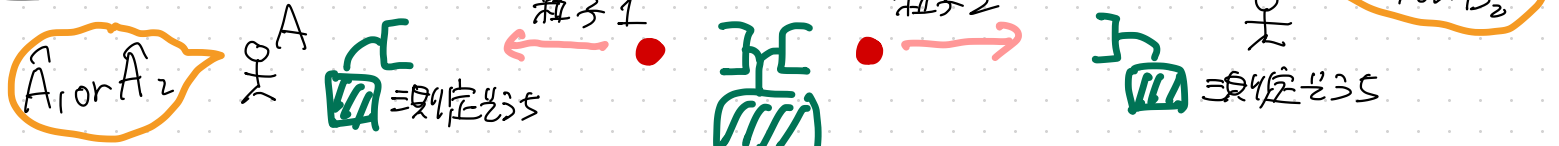
John Bell 1964

"I am a quantum engineer, but on Sundays I have principles" (1983年の自己紹介)

# EPRの不等式

8

## ① 設定



粒子1についての物理量  $\hat{A}_1, \hat{A}_2$   
のどちらかを選択 (結果は  $\pm 1$ )

粒子2についての物理量  $\hat{B}_1, \hat{B}_2$   
のどちらかを選択 (結果は  $\pm 1$ )

どちらかを選択するかは、粒子をうける直前にランダムに決める。

- (Aの壁状の影響が光速で伝わったとしても Bの測定結果には影響しない)
- (Bの壁状の影響が光速で伝わったとしても Aの測定結果には影響しない)

同じ実験を何度もくり返す  $\rightarrow$  統計処理

相関関数  $\langle \hat{A}_i \hat{B}_j \rangle$   
( $i, j = 1, 2$ )



▶ 三則定結果

	1	2	3	4	5	6	7	...	N
A <sub>1</sub>	+1			-1	-1	+1		...	
A <sub>2</sub>		-1	+1				+1	...	-1
B <sub>1</sub>				-1			-1	...	
B <sub>2</sub>	-1	+1	-1		+1	+1		...	+1

▶  $\hat{A}_1, \hat{B}_2$  は3則定目のみ抽出

	1	2	3	4	5	...	N <sub>12</sub>
A <sub>1</sub>	+1	-1	+1	-1	-1	...	+1
B <sub>2</sub>	-1	+1	+1	+1	-1	...	+1
A <sub>1</sub> B <sub>2</sub>	-1	-1	+1	-1	+1	...	+1

相関関数  $\rightarrow$  A<sub>1</sub>B<sub>2</sub>の平均

$$(1) \langle \hat{A}_1 \hat{B}_2 \rangle = \frac{1}{N_{12}} \sum_{n=1}^{N_{12}} A_1^{(n)} B_2^{(n)}$$

▶ 同様にして  $i, j$  の組に  $\langle \hat{A}_i \hat{B}_j \rangle$  を求める

$$(2) C = \langle \hat{A}_1 \hat{B}_1 \rangle + \langle \hat{A}_2 \hat{B}_1 \rangle - \langle \hat{A}_1 \hat{B}_2 \rangle + \langle \hat{A}_2 \hat{B}_2 \rangle$$

この量に注目  $\rightarrow$  Cにこの2つの理論を比較

普通の考え方に もとづく理論 と 量子力学

## ② 「普通の考え方」を認めれば「必ず成り立つ不等式 (Bellの不等式)

- ▶ 粒子対が発生する際に「隠れた変数」 $\lambda = 1, 2, \dots, 16$ が「書き込まれる」
- ▶  $\lambda$  による  $\hat{A}_1, \hat{A}_2, \hat{B}_1, \hat{B}_2$  の測定結果は完全に決まる

$\lambda$	$A_1(\lambda)$	$A_2(\lambda)$	$B_1(\lambda)$	$B_2(\lambda)$
1	+1	+1	+1	+1
2	+1	+1	+1	-1
3	+1	+1	-1	+1
4	+1	+1	-1	-1
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
16	-1	-1	-1	-1

### 局所性

Bが $\hat{B}_1, \hat{B}_2$ のどちらを測るかの際には  
 $A_1(\lambda), A_2(\lambda)$ に影響しない!

Aが $\hat{A}_1, \hat{A}_2$ のどちらを測るかの際には  
 $B_1(\lambda), B_2(\lambda)$ に影響しない!

- ▶  $\lambda$  はどのようなルールで決まってもよい。

- ▶  $N$ 回の実験のうち  $\lambda$  が出現回数  $N(\lambda)$   $\lambda$  の出現頻度  $r(\lambda) = \frac{N(\lambda)}{N}$

ものすごく一般的なもの!! → なんでも説明できそう

- (注意)
- 「隠れた変数」はもっと複雑でもよい。 $\hat{A}_1, \hat{A}_2, \hat{B}_1, \hat{B}_2$  の値が「重要」なので、それにより 16個のグループに分けて、グループに  $\lambda$  と名付ける。
  - 局所性を守れば、確率的なルールを含めとも同様に成り立つ。

# 相関関数の表式'

$A$ が $\hat{A}_1, B$ が $\hat{B}_2$ と $\exists$ したとき、 $\exists$ したとき  
 $n=1, 2, \dots, N_{12}$   
 $\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_{N_{12}}$

$$(1) \langle \hat{A}_1 \hat{B}_2 \rangle = \frac{1}{N_{12}} \sum_{n=1}^{N_{12}} A_1(\lambda_n) B_2(\lambda_n) = \sum_{\lambda=1}^{16} A_1(\lambda) B_2(\lambda) \frac{N_{12}(\lambda)}{N_{12}}$$

$$(2) \frac{N_{12}(\lambda)}{N_{12}} \xrightarrow{N \text{ が } \lambda \text{ が多い}} \frac{N(\lambda)}{N} = r(\lambda)$$

$A$ と $B$ が $\hat{A}_1, \hat{A}_2$  あるいは  $\hat{B}_1, \hat{B}_2$  のとき、 $\exists$ したとき、 $\lambda$ には依存せず、ランダムに決められる。

$N$ が十分に大きければ、 $\forall \lambda$  の  $i, j=1, 2 \Rightarrow 1, 2$

$$(3) \langle \hat{A}_i \hat{B}_j \rangle = \sum_{\lambda=1}^{16} A_i(\lambda) B_j(\lambda) r(\lambda)$$

不等式の導出 任意の  $\lambda \in \mathbb{R}$

(1)  $A_1(\lambda)B_1(\lambda) + A_2(\lambda)B_1(\lambda) - A_1(\lambda)B_2(\lambda) + A_2(\lambda)B_2(\lambda)$

$= \{A_1(\lambda) + A_2(\lambda)\} B_1(\lambda) - \{A_1(\lambda) - A_2(\lambda)\} B_2(\lambda)$   
 $= \pm 2$

$A_1$	$A_2$	$A_1+A_2$	$A_1-A_2$
+1	+1	2	0
+1	-1	0	2
-1	+1	0	-2
-1	-1	-2	0

(2)  $\langle \hat{A}_i \hat{B}_j \rangle = \sum_{\lambda=1}^{16} A_i(\lambda) B_j(\lambda) r(\lambda)$  かつ

(3)  $-2 \leq \langle \hat{A}_1 \hat{B}_1 \rangle + \langle \hat{A}_2 \hat{B}_1 \rangle - \langle \hat{A}_1 \hat{B}_2 \rangle + \langle \hat{A}_2 \hat{B}_2 \rangle \leq 2$

Clauser-Horne-Shimony-Holt (CHSH) 不等式 (Bellの不等式の改良版)

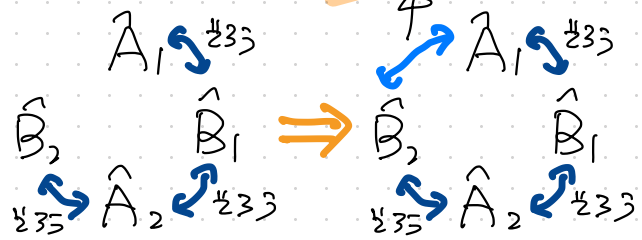
「普通の考え方を認めれば」が成り立つ あるいはこの不等式

~~== ちがう ==~~

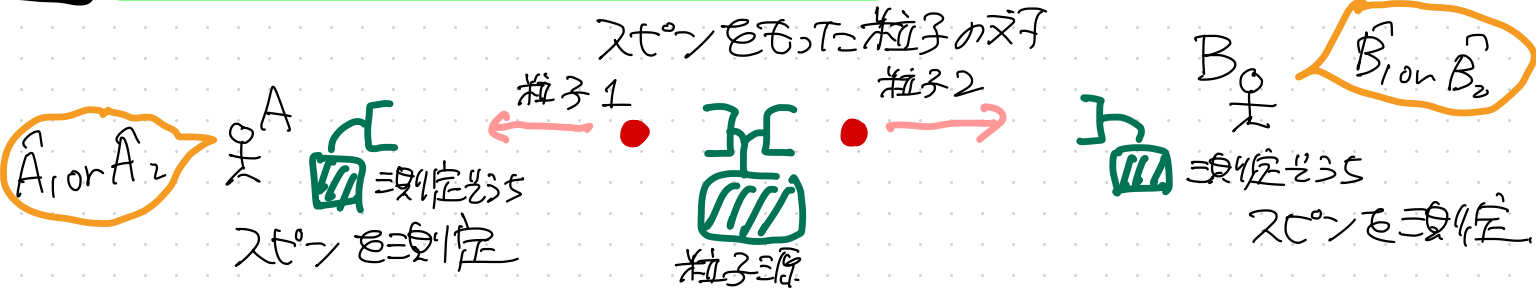
応用

(4)  $\langle \hat{A}_1 \hat{B}_1 \rangle = \langle \hat{A}_2 \hat{B}_1 \rangle = \langle \hat{A}_2 \hat{B}_2 \rangle > \frac{2}{3}$  仮定

(5)  $\langle \hat{A}_1 \hat{B}_2 \rangle \geq 3 \langle \hat{A}_1 \hat{B}_1 \rangle - 2 > 0$



3 量子力学における具体例の解析



粒子文のスピンの状態 (1)  $|\Phi_0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} (|\uparrow\rangle_1 |\downarrow\rangle_2 - |\downarrow\rangle_1 |\uparrow\rangle_2)$

(2)  $\hat{A}_i = \frac{2}{\hbar} \{ \cos \theta_i \hat{S}_z^{(i)} + \sin \theta_i \hat{S}_x^{(i)} \}$  ( $i=1,2$ )

(3)  $\hat{B}_j = \frac{2}{\hbar} \{ \cos \varphi_j \hat{S}_z^{(j)} + \sin \varphi_j \hat{S}_x^{(j)} \}$  ( $j=1,2$ )

$\hat{A}_i \hat{B}_j$  の測定をくり返したときの期待値

(4)  $\langle \hat{A}_i \hat{B}_j \rangle = \langle \Phi_0 | \hat{A}_i \hat{B}_j | \Phi_0 \rangle$

# 期待値の計算

14

$$(1) |\Phi_0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \{ |\uparrow\rangle, |\downarrow\rangle_2 - |\downarrow\rangle, |\uparrow\rangle_2 \}$$

$$(2) \langle \Phi_0 | = \frac{1}{\sqrt{2}} \{ \langle \downarrow |, \langle \uparrow | - \langle \uparrow |, \langle \downarrow | \}$$

$$\begin{aligned} (3) \langle \Phi_0 | \hat{A}_i \hat{B}_j | \Phi_0 \rangle &= \frac{1}{2} \{ \langle \downarrow |, \langle \uparrow | - \langle \uparrow |, \langle \downarrow | \} \hat{A}_i \hat{B}_j \{ |\uparrow\rangle, |\downarrow\rangle_2 - |\downarrow\rangle, |\uparrow\rangle_2 \} \\ &= \frac{1}{2} \{ \langle \uparrow | \hat{A}_i | \uparrow \rangle \langle \downarrow | \hat{B}_j | \downarrow \rangle - \langle \uparrow | \hat{A}_i | \downarrow \rangle \langle \downarrow | \hat{B}_j | \uparrow \rangle \\ &\quad - \langle \downarrow | \hat{A}_i | \uparrow \rangle \langle \uparrow | \hat{B}_j | \downarrow \rangle + \langle \downarrow | \hat{A}_i | \downarrow \rangle \langle \uparrow | \hat{B}_j | \uparrow \rangle \} \end{aligned}$$

行列表示 (4)  $|\uparrow\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$   $|\downarrow\rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$   $\hat{S}_x = \frac{\hbar}{2} \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$   $\hat{S}_z = \frac{\hbar}{2} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

$$(5) \hat{A}_i = \begin{pmatrix} \cos\theta_i & \sin\theta_i \\ \sin\theta_i & -\cos\theta_i \end{pmatrix}$$

より

$$(6) \left\{ \begin{aligned} \langle \uparrow | \hat{A}_i | \uparrow \rangle &= \cos\theta_i \\ \langle \downarrow | \hat{A}_i | \downarrow \rangle &= -\cos\theta_i \\ \langle \uparrow | \hat{A}_i | \downarrow \rangle &= \langle \downarrow | \hat{A}_i | \uparrow \rangle = \sin\theta_i \end{aligned} \right.$$

$$\hat{B}_j = \hat{S}_j \quad \text{同様}$$

$$(1) \begin{cases} \langle \uparrow | \hat{A}_i | \uparrow \rangle = \cos \theta_i & \langle \downarrow | \hat{A}_i | \downarrow \rangle = -\cos \theta_i \\ \langle \uparrow | \hat{A}_i | \downarrow \rangle = \langle \downarrow | \hat{A}_i | \uparrow \rangle = \sin \theta_i \end{cases} \quad \hat{B}_j | \rightarrow \uparrow, \downarrow \in \{0, 1\}$$

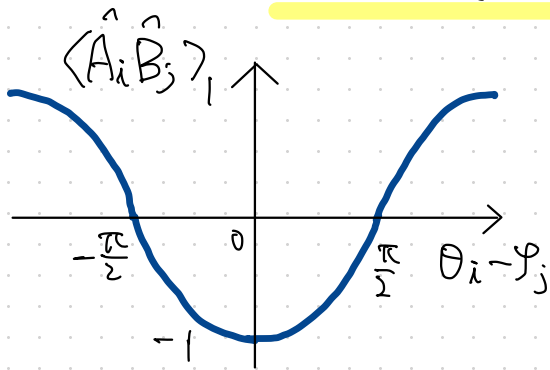
$$(2) \langle \hat{A}_i \hat{B}_j \rangle = \langle \Phi_0 | \hat{A}_i \hat{B}_j | \Phi_0 \rangle$$

$$= \frac{1}{2} \{ \langle \uparrow | \hat{A}_i | \uparrow \rangle \langle \downarrow | \hat{B}_j | \downarrow \rangle - \langle \uparrow | \hat{A}_i | \downarrow \rangle \langle \downarrow | \hat{B}_j | \uparrow \rangle$$

$$- \langle \downarrow | \hat{A}_i | \uparrow \rangle \langle \uparrow | \hat{B}_j | \downarrow \rangle + \langle \downarrow | \hat{A}_i | \downarrow \rangle \langle \uparrow | \hat{B}_j | \uparrow \rangle \}$$

$$= \frac{1}{2} \{ -\cos \theta_i \cos \varphi_j - \sin \theta_i \sin \varphi_j - \sin \theta_i \sin \varphi_j - \cos \theta_i \cos \varphi_j \}$$

$$= \underline{-\cos(\theta_i - \varphi_j)}$$



$$\theta_i - \varphi_j = \pm \frac{\pi}{2} \notin \mathbb{Z}$$

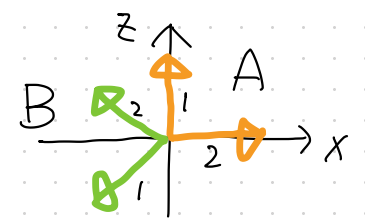
$$\langle \hat{A}_i \hat{B}_j \rangle = 0$$

$A \text{ or } \hat{S}_z, B \text{ or } \hat{S}_x$

A	B	確率
$\uparrow$	$\rightarrow$	1/4
$\uparrow$	$\leftarrow$	1/4
$\downarrow$	$\rightarrow$	1/4
$\downarrow$	$\leftarrow$	1/4

(1)  $\langle \hat{A}_i \hat{B}_j \rangle = -\cos(\theta_i - \varphi_j)$

(2)  $\theta_1 = 0, \theta_2 = \frac{\pi}{2}, \varphi_1 = \frac{5\pi}{4}, \varphi_2 = \frac{7\pi}{4}$  と選ぶ



(3)  $\langle \hat{A}_1 \hat{B}_1 \rangle = -\cos(-\frac{5\pi}{4}) = \frac{1}{\sqrt{2}}$

(4)  $\langle \hat{A}_2 \hat{B}_1 \rangle = -\cos(-\frac{3\pi}{4}) = \frac{1}{\sqrt{2}}$

(5)  $\langle \hat{A}_2 \hat{B}_2 \rangle = -\cos(-\frac{3\pi}{4}) = \frac{1}{\sqrt{2}}$

$\Rightarrow$   $\hat{A}_1$   $\hat{B}_1$   $\hat{A}_2$   $\hat{B}_2$  CHSH不等式より (6)  $\langle \hat{A}_1 \hat{B}_2 \rangle \geq \frac{1}{\sqrt{2}} \times 3 - 2 > 0$

(7)  $\langle \hat{A}_1 \hat{B}_2 \rangle = -\cos(-\frac{7\pi}{4}) = -\frac{1}{\sqrt{2}} < 0$

CHSH不等式は「成り立たない」  
 $\leq 2$   $\approx 2.8$

よって (8)  $\langle \hat{A}_1 \hat{B}_1 \rangle + \langle \hat{A}_2 \hat{B}_1 \rangle - \langle \hat{A}_1 \hat{B}_2 \rangle + \langle \hat{A}_2 \hat{B}_2 \rangle = \frac{4}{\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}$

相関関数の計算結果は CHSH不等式をみたさない。

量子力学と「普通の考え」とは決して共存できない

理論的考察による結論



# 補足 (期待値の表式)

p(3)-(4) を使った理由

17

$\hat{A}$ :  $\hat{A}_1, \hat{A}_2$  の1つだけ

$\hat{B}$ :  $\hat{B}_1, \hat{B}_2$  の1つだけ

$$(1) \hat{A}|\varphi_a\rangle_1 = a|\varphi_a\rangle_1 \quad (a = \pm 1) \quad \hat{B}|\psi_b\rangle_2 = b|\psi_b\rangle_2 \quad (b = \pm 1)$$

全状態を (2)  $|\Phi_0\rangle = \sum_{a,b=\pm 1} C_{ab} |\varphi_a\rangle_1 |\psi_b\rangle_2$  と展開

まず  $\hat{A}$  を測定 確率  $P_a = \sum_{b=\pm 1} |C_{ab}|^2$  として  $a = \pm 1$  がえられる。

測定後の状態 (3)  $|\Phi_a\rangle = \left( \sum_{b=\pm 1} |C_{ab}|^2 \right)^{-1/2} \sum_{b=\pm 1} C_{ab} |\varphi_a\rangle_1 |\psi_b\rangle_2$

次に  $\hat{B}$  を測定 確率  $(\sum_{b'=\pm 1} |C_{ab'}|^2)^{-1} |C_{ab}|^2$  として  $b = \pm 1$  がえられる。

よって測定結果  $a, b$  が得られる確率は  $|C_{ab}|^2$

期待値は (4)  $\langle \hat{A} \hat{B} \rangle = \sum_{a,b=\pm 1} ab |C_{ab}|^2 = \langle \Phi_0 | \hat{A} \hat{B} | \Phi_0 \rangle$

$\hat{A}$  と  $\hat{B}$  を測定する順番をかえても同じ。

# 4 CHSH不等式の破れを検証する実験



spin-singlet  $|\Phi_0\rangle$  を用いた具体例

$$C = \langle \hat{A}_1 \hat{B}_1 \rangle + \langle \hat{A}_2 \hat{B}_1 \rangle - \langle \hat{A}_1 \hat{B}_2 \rangle + \langle \hat{A}_2 \hat{B}_2 \rangle$$

$$\text{CHSH不等式} \quad |C| \leq 2$$

▶ Aspect 他 1982 光子を用いた実験  $|C| > 2$  を報告.

▶ Hensen 他 2015 "Loophole-free Bell inequality violation using electron spins separated by 1.3 kilometers"

エーアングルは電子スピンの状態を用いて  $|C| \approx 2.42 \pm 0.20$  を得た!

われわれの世界では CHSH不等式は成立しない。

「普通の考え方」

- 物理量の値は測(定)しなくても定ま(る)ている
- 物理現象は局所的 向(方)かの影響は空間を有限の速(さ)で伝(わ)る



「局所実在論」

とよぶこともある。

- ▶ 「普通の考え方」を認めれば CHSH不等式は成立
- ▶ われわれの世界では CHSH不等式は成立しない。



「普通の考え方」にもとづいて理論では決して説明できない実験事実がある。

われわれの住んでいる世界は「普通の考え方」では記述できない!!

注意

- これで量子力学が正しいことが示されたわけではない。  
(今のところ量子力学はかなり正しいとわ(か)る)
- この世界での多くの現象は「普通の考え方」で理解できる。